Routines de conversion Binaire-Décimal et inverse

Un nombre binaire doit souvent être converti en décimal pour être affiché. La librairie XDec* contient les routines de conversion binaire-décimal et inverse pour des nombres entiers de 8 bits. Pour les nombres fractionnaires, que l'on trouve par exemple si l'on veut lire le capteur de température DS75, seule la routine de conversion binaire fractionnaire-décimal a été écrite. La librairie est formée des fichiers suivants:

XDecV.asi	Variables pour les conversions entières
XDecR.asi	Routines de conversion entière
XDec.asm	Programme de test
XFDecV.asi	Variables pour la conversion fractionnaire
XFDecR.asi	Routine de conversion fractionnaire
XFBin.asm	Programme de test pour la conversion fractionnaire

Nombres décimaux

Les nombres binaires sont le plus souvent représentés en hexadécimal: c'est plus compact pour l'affichage, et plus rapide pour l'introduction au clavier. Une variable du PIC contient un nombre binaire entre 0 et 16'FF (=255 décimal).

Il y a plusieurs représentations pour les nombres décimaux. Les chiffres de 0 à 9 sont codés en BCD, qui prennent 4 bits, soit un quatret (nibble en anglais). Un quatret peut être mémorisé dans un mot de 8 bits, avec les 4 bits de poids fort inutilisés (format simple). On peut compactifier 2 chiffres BCD dans un mot de 8 bits (format compactifié, packed en anglais). Avec l'instruction Swap et des masquages, c'est facile de passer de la représentation compactifiée à la représentation simple, et inversement.

Le plus souvent, on a besoin d'une représentation en Ascii, pour envoyer le nombre sur un écran. Les nombres BCD 0000 - 1001 en format simple sont convertis facilement en chiffres Ascii de 0 à 9 (qui sont consécutifs dans le code Ascii) en ajoutant le code du chiffre 0, dont la valeur est connue par l'assembleur: il suffit d'écrire "0".

Par exemple, pour afficher sur un terminal le nombre 73, compactifié dans W avec la valeur 2'01110011 = 16'73 (attention, 73 tout seul serait converti en binaire par l'assembleur), il faut écrire:

```
Move    W,SavBin
Swap    SavBin,W          ; Ne modifie pas SavBin
And     #2'1111,W        ; Passage en représentation simple
Or      "0",W            ; Un Add a le même effet
Call    SndSer           ; Envoi au terminal (7)
Move    SavBin,W
And     #2'1111,W        ; Passage en représentation simple
Or      "0",W            ; Un Add a le même effet
Call    SndSer           ; Envoi des poids faibles (3)
```

Conversion de Binaire en Décimal

La conversion des 8 bits va fournir une valeur entre 0 et 255, soit trois chiffres décimaux. L'algorithme est de soustraire les plus possible de centaines, puis de dizaines, et de compter le nombre de fois. L'algorithme est donc relativement lent (max 55 µs à 4 MHz). Si on pouvait facilement diviser par 10, cela serait un peu plus rapide, surtout s'il fallait convertir des nombres de 16 bits ou plus. Notre routine est donc:

Routine: **BinDec** Convertit un nombre binaire 8 bits en trois quatrets (représentation simple)

in: Binaire valeur 8 bits
out: Centaine Dizaine Unite
mod: Binaire

```
BinDec:
  Clr      Centaine
  Clr      Dizaine
  Move     #100,W
  Sub      W,Binaire
  Skip,CS
  Jump     D1
  Inc      Centaine
  Sub      W,Binaire
  Skip,CS
  Jump     D1
```

```

  Inc      Centaine
  Sub      W,Binaire ; Max 256, inutile tester
D1:  Add      W,Binaire
D2:  Move     #10,W
      Sub      W,Binaire
      Skip,CS
      Jump     U
      Inc      Dizaine
      Jump     D2
U:   Add      W,Binaire
      Move     Binaire,W
      Move     W,Unite
      Ret
```

Le programme de test est facile à écrire et suppose que l'on dispose des routines RecHex (pour entrer au clavier le nombre binaire en hexa) et la routine SndSer (pour afficher le code Ascii des digits obtenus). Ces routines sont expliquées dans la librairie XTrSer (www.didel.com/doc/DopiSer.pdf).

```

Fin du programme XDecBD.asm
; Définitions, variables série et initialisation comme dans XTrSer.asm.
; Ajouter ou insérer les variables dans XDecV.asi

Loop:  Call     RecHex           ; Taper 2 chiffres hexa et un espace
        Move    W,Binaire
        Call    SndHex          ; si le terminal n'a pas
        Call    SndSpace       ; fait l'écho
        Call    BinDec
        Move    Centaine,W
        Or      "0",W
        Call    SndSer
        Move    Dizaine,W
        Or      "0",W
        Call    SndSer
        Move    Unite,W
        Or      "0",W
        Call    SndSer
        Call    SndCR
        Jump    Loop

. Ins   XDecR.asi
. Ins   XTrSer.asi
```

Le programme disponible sur Internet (www.didel.com/doc/XDec.asm) teste la conversion dans les deux sens.

Conversion de Décimal en Binaire

Limitons-nous à introduire 2 chiffres décimaux, donc un maximum de 99 = 16'63. Le premier problème est de savoir si on vérifie la validité de la donnée (chiffres entre 0 et 9) avant d'appeler la routine de conversion. Cela coûte quelques comparaisons, et il faut décider ce que l'on fait en cas d'erreur. La routine elle-même est très simple, puisqu'il suffit de multiplier les dizaines par 10 (= 2'1010) et d'ajouter les unités. Suivant que l'on part de données en représentation simple ou compactifiée, on a deux variantes de programme.

Routine: **DecBin** Chiffre dizaines et unités dans 2 mots de 8 bits

in: Dizaines Unites
out: Binaire
mod: Binaire

```
DecBin:
; Dizaines * 10 = 2'1010
  ClrC
  RLC      Dizaine,W
  Swap     Dizaine
  RRC      Dizaine
  Add      Dizaine,W
; Plus qu'à ajouter les unités
  Add      Unite,W
  Move     W,Binaire
  Ret
```

Routine: **Dec8Bin** BCD 8bits

in: BCD 8 bits "packed"
out: Binaire
mod: Binaire

```
Dec8Bin:
  RRC      BCD,W
  And      #2'01111000,W
  Move     W,Binaire
  ClrC
  RRC      Binaire
  RRC      Binaire
  Add      W,Binaire
  Move     BCD,W
  And      #2'00001111,W
  Add      W,Binaire
  Ret
```

Le coeur du programme de test de la première routine (qui ne vérifie pas que l'on tape un chiffre entre 0 et 9) est le suivant:

```
Centre du programme XDecBD.asm
Loop: Call RecSer ; Résultat dans W et SerData
      Call SndSer ; Si le terminal ne fait
      Move SerData,W ; pas l'écho des caractères
      And #2'1111,W ; Format simple
      Move W,Dizaine
      Call RecSer
      Call SndSer ; Si le terminal ne fait
      Move SerData,W ; pas l'écho des caractères
      And #2'1111,W ; Format simple
      Move W,Unite
      Call SndSpace
      Call DecBin
      Call SndHex
      Call SndCR
      Jump Loop
```

Un programme prêt à être testé est accessible sur Internet (www.didel.com/doc/XDec.asm); il demande deux chiffres décimaux, convertit et affiche en binaire et reconvertit en décimal.

Conversion fractionnaire

Un nombre fractionnaire 8 bits est par exemple 0.1000000 = 0.5, 0.01000000 = 0.25 ou 0.00110001 = 0.19140625. Le nombre de chiffres théoriques du résultat peut être élevé, mais comme la précision du nombre binaire est de 1/256 eme, cela n'a aucun sens de calculer plus de trois décimales. Contentons-nous de deux avec la routine FBinDec. L'algorithme utilise des multiplications par 10=2'1010, avec extraction de la partie entière après chaque multiplication. Le résultat est en format simple dans Dixieme et Centieme. Il serait facile de rajouter le calcul des millièmes.

Un problème est l'arrondi. Pour un arrondi précis, il faut ajouter 0.005 = 2'0.00000001010001.... En ajoutant 0.00000001 on commet une erreur que l'on remarque en convertissant 0.00100000 (16'0.20) qui devrait afficher 0.13 (le résultat théorique est 0.125) et affiche 0.12 (mais 16'21 affiche 0.25). Une autre chose à laquelle il faut penser (c'est le programme de test qui l'a mis en évidence!), est que l'arrondi en dessus demande un traitement particulier si l'on convertit 16'FF. Le résultat 0.99610 est arrondi à 00 et il faut tenir compte du dépassement pour ajouter une unité à la partie entière. Cela rajoute donc une dizaine d'instructions pour faire les choses proprement.

```
Routine: FBinDec Conversion binaire fractionnaire 8 bits
Adapté pour capteur de température DS75 I2C
in: W partie fractionnaire 8-bits
out: Dixieme Centieme Ascii digits
out: CS si résultat supérieur à 0.99 (si arrondi en dessus)
mod: Fraction Dixieme Centieme
; L'algorithme multiplie par 5 puis par 2 (pour éviter
; de travailler en 16 bits avec une multiplication par 10)
; et extrait la partie entière
FBinDec:
; Pour un arrondi en dessus, on ajoute 0.005 = 2'00000001
; mais il faut tenir compte que 0.995 sera arrondi en 00
  Clr Dixieme
  Clr Centieme
  Add #2'00000001,W ; seulement si
  Skip,CC ; arrondi
  Ret ; en dessus
  Move W,Fraction

  ClrC
  RLC Fraction ; x 2
  RLC Dixieme ; x 2
  RLC Fraction
  RLC Dixieme ; x 4
  Add W,Fraction ; x 5
  Skip,CC
  Inc Dixieme ; dépassement
  ClrC
  RLC Fraction ; x 10
  RLC Dixieme ; Valeur 4 bits
  Move Fraction,W
  ClrC
  RLC Fraction
  RLC Centieme ; x 2
  RLC Fraction
  RLC Centieme ; x 4
  Add W,Fraction ; x 5
  Skip,CC
  Inc Centieme
  ClrC
  RLC Fraction
  RLC Centieme ; x 10
  ClrC ; Pas de dépassement
  Ret
```

Le programme de test demande une valeur hexa (il n'y a pas les instructions pour l'écho) et affiche le résultat en tenant compte du dépassement possible. La partie centrale de ce programme (www.didel.com/doc/XDecF.asi) est donnée ci-après.

```

TestFrac:
    Call    SndCR
    Call    RecHex
    Call    FBinDec
    Move    #'0'',W
    Skip,CC
    Move    #'1'',W
    Call    SndSer
    Move    #'.''',W
    Call    SndSer
                                Move    Dixieme,W
                                Or     #'0'',W      ; Convert to Ascii
                                Call    SndSer
                                Move    Centieme,W
                                Or     #'0'',W      ; id
                                Call    SndSer
                                Jump   TestFrac
    .Ins   XBcdR.asi
    .Ins   XTrSerR.asi
    
```

Division par 10

La multiplication par 10 se fait facilement par des décalages, et le PIC se prête bien pour des décalages multiprécision. La division par 10 est plus délicate à programmer; il faut appliquer l'algorithme par soustraction, rétablissement en cas de résultat négatif et décalages. Un exemple en 16 bits donne le résultat en 12 cycles.

Diviser par 10 n'apporte aucun avantage particulier, à part le fait que l'on sait comment faire l'alignement initial. La routine pourrait être modifiée pour diviser 16 bits par 8 ou 16 bits, quotient 16 bits.

```

11010110 10110110
-1010
0110      1
-1010
-
1101
-1010
0111      1
-1010
-
1110
-1010
100 1     1
-101 0
-
100 10
-10 10
10 001    1
-1 010
1011      1
-1010
0010      1
-1010
-
0101
-1010
-
1011
-1010
0010
-1010
-
0
Reste de la division 2'10 Quotient 2'101010111000
    
```

Le programme correspondant (www.didel.com/doc/XDiv10V.asi, XDivR.asi et XDiv.asm) utilise les variables DdHigh et DdLow comme dividende, DivH et DivLow comme diviseur, ResH et ResLow pour le quotient. Le programme de test XDiv10 demande DdHigh et DdLow et affiche ResHigh ResLow.

Avec cette routine, il est facile de convertir un nombre binaire 16 bits en nombre décimal 5 digits. Cinq divisions successives par 1010 donnent comme reste des divisions successives les unités, dizaines, etc. Pour convertir un nombre décimal fractionnaire de décimal en binaire, l'algorithme général demande aussi des divisions par 10.